



1986  
Imam Hossein  
Comprehensive  
University

Vol. 5  
Spring 2024

Research Paper

Received:  
31 December 2023  
Revised:  
28 January 2024  
Accepted:  
28 January 2024  
Published:  
13 April 2024  
P.P: 57-78

T  
ISSN: 2717-1809  
E-ISSN: 2717-199x



## Journal of Research in Budget and Finance

### Portfolio optimization using the semi-variance model with a focus on positive potential (Case study: Tehran Stock Exchange)

Seyed Ali Mousavi Loleti <sup>1</sup> | Hossein Ghanbari <sup>2</sup> | Emran Mohammadi <sup>3</sup>

#### Abstract

Investing in the stock market plays a fundamental role in economic growth and development by providing companies and governments with investment opportunities, funding and stimulating economic activity. Putting together a suitable investment portfolio for stock market activities is of utmost importance and requires skill and the ability to optimally combine different stocks to achieve desirable performance and better returns. Paying attention to market fluctuations when constructing an investment portfolio is crucial as they indicate changes and dynamics in the market. Investment decisions made based on these fluctuations help investors reduce their financial risks and identify investment opportunities. In addition, attention to positive volatility is important in portfolio construction as these fluctuations indicate the growth potential and profitability of stocks. The aim of this research is to construct an optimal investment portfolio to take advantage of the benefits and investment opportunities arising from positive volatility, while considering negative volatility and its reduction. To achieve this, a novel approach, the so-called two-stage semi-variance approach, is introduced. Using monthly stock data from the beginning of March 2018 to March 2023, the stock portfolio is constructed, and the efficiency of this model is evaluated by comparing it with the semi-variance model and the equally weighted portfolio. The results show that the two-stage semi-variance approach outperforms the semi-variance model and the equally weighted portfolio. This indicates that this approach can significantly improve the efficiency and performance of investment portfolios compared to traditional methods.

**Keywords:** Portfolio Optimization Semi Variance Positive Volatility Upside Potential.

- 
1. Master student, School of Industrial Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.
  2. Ph.D. Student, School of Industrial Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.
  3. Corresponding Author: Associate Professor, School of Industrial Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.  
E\_mohammadi@iust.ac.ir

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the  
Creative Commons Attribution Non-Commercial (CC-BY-NC) license.





۱

سال پنجم  
پیاپی ۱۴۰۳

مقاله پژوهشی

I  
تاریخ دریافت:  
۱۴۰۲/۱۰/۱۰  
تاریخ پذیرش:  
۱۴۰۲/۱۱/۸  
صفحه:  
۵۷-۷۸

شایع چاپ: ۱۴۰۲-۱۸-۹  
کلترنیکی: ۱۴۰۲-۱۹۹



بهینه سازی سبد سرمایه گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت  
(مطالعه موردی: بازار بورس اوراق بهادار تهران)

سید علی موسوی لولتی<sup>۱</sup> | حسین قنبری<sup>۲</sup> | عمران محمدی<sup>۳</sup>

چکیده

سرمایه گذاری در بازار سهام نقشی اساسی در رشد و توسعه اقتصادی دارد، زیرا امکان ایجاد فرصت های سرمایه گذاری، تأمین منابع مالی برای شرکت ها و دولت ها و تحرک فعالیت اقتصادی را به ارمنان می آورد. تشکیل سبد سرمایه گذاری مناسب به منظور فعالیت در بازار سهام از اهمیت قابل توجهی برخوردار است و جهت دستیابی به عملکرد مطلوب و بهره برداری بهتر، نیازمند مهارت در انتخاب و ترکیب مناسب از سهام گوناگون است. توجه به نوسانات بازار سهام در تشکیل سبد سرمایه گذاری امری حیاتی بوده؛ زیرا که این نوسانات بیانگر تغییرات و پویایی این بازار هستند و تصمیم گیری مبتنی بر این نوسانات، به سرمایه گذاران کمک می کند تا مخاطرات مالی را بهبود بخشند و فرصت های سرمایه گذاری را شناسایی کنند. همچنین توجه به نوسانات مثبت در تشکیل سبد سرمایه گذاری بسیار حائز اهمیت است؛ زیرا که این نوسانات نشان دهنده قابلیت رشد و سودآوری بالقوه سهام هستند. به همین منظور، هدف این پژوهش تشکیل سبد سرمایه گذاری بهینه به منظور بهره برداری مزیت ها و فرصت های سرمایه گذاری ناشی از نوسانات مثبت و در عین حال توجه به نوسانات منفی و کاهش آن است. در همین راستا در این پژوهش رویکردی نوین به نام مدل نیم واریانس دومرحله ای معرفی گردید و با استفاده از داده های ماهانه سهام از ابتدای سال ۱۳۹۷ تا انتهای ۱۴۰۱، به تشکیل سبد سرمایه گذاری پرداخته شد و جهت ارزیابی کارایی این مدل مذکور در مقایسه آن با مدل نیم واریانس و اوزان یکسان سبد صورت گرفت. نتایج بیانگر عملکرد بهتر مدل مذکور در مقایسه با مدل نیم واریانس و اوزان یکسان سبد است. این بدان معناست که این رویکرد می تواند بهبود قابل توجهی در بهره وری و عملکرد سبد سرمایه گذاری نسبت به روش های سنتی ایجاد کند.

کلیدواژه ها: بهینه سازی سبد سرمایه گذاری؛ نیم واریانس؛ نوسان مثبت؛ پتانسیل مطلوب

DOR: 20.1001.1.27171809.1403.5.1.3.0

۱. دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت، تهران، ایران.

۲. دانشجوی دکتری دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت، تهران، ایران.

۳. نویسنده مسئول: دانشیار دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت، تهران، ایران.

E\_mohammadi@iust.ac.ir

این مقاله یک مقاله با دسترسی آزاد است که تحت شرایط و ضوابط مجوز (CC BY-NC) توزیع شده است.



## مقدمه

سرمایه‌گذاری در علم اقتصاد به عنوان یکی از مفاهیم کلیدی مطرح می‌شود که در توسعه و رشد اقتصادی کشورها نقش مهمی دارد (موسوی لولتی و همکاران، ۱۴۰۲). بازار سرمایه، یکی از ارکان اساسی بازارهای مالی است که تأثیرات گستردگی‌ای بر جریانات نقدینگی دارد و به عنوان یکی از مهمترین منابع تأمین مالی در یک اقتصاد شناخته می‌شود. اهمیت رشد و پویایی بازار سرمایه در کشورها، به ویژه در ایران، در حال حاضر مورد توجه ویژه‌ای قرار گرفته است، زیرا تأثیرات آن بر سایر بخش‌های اقتصادی و توسعه آن‌ها از اهمیت چشمگیری برخوردار است (موسوی لولتی و همکاران، ۱۴۰۲). سرمایه‌گذاری در بازار بورس و سهام نیازمند داشتن برنامه‌ریزی و مهارت است. تنها داشتن سرمایه و اقدام به خرید و فروش برای کسب سود در این بازار کافی نیست. یکی از مهم‌ترین مهارت‌هایی که یک سرمایه‌گذار موفق و آگاه باید به آن مسلط باشد، مهارت تشکیل و یا ایجاد سبد دارایی است، سبد سرمایه‌گذاری ترکیبی از سهم‌های مختلفی است که یک سرمایه‌گذار آن‌ها را خریداری کرده و جزء دارایی‌های وی به شمار می‌آیند. سبد سرمایه‌گذاری می‌تواند براساس اهداف، انتظارات و میزان ریسک‌پذیری هر فرد متفاوت باشد (نوراحمدی و همکاران، ۱۴۰۲). عدم تشکیل سبد و مدیریت ریسک دارایی در بازار سرمایه سبب افزایش ریسک معاملات شده و ممکن است آسیب جبران‌ناپذیری به سرمایه و دارایی تحمیل کند (صادقی شاهدانی، ۱۴۰۰).

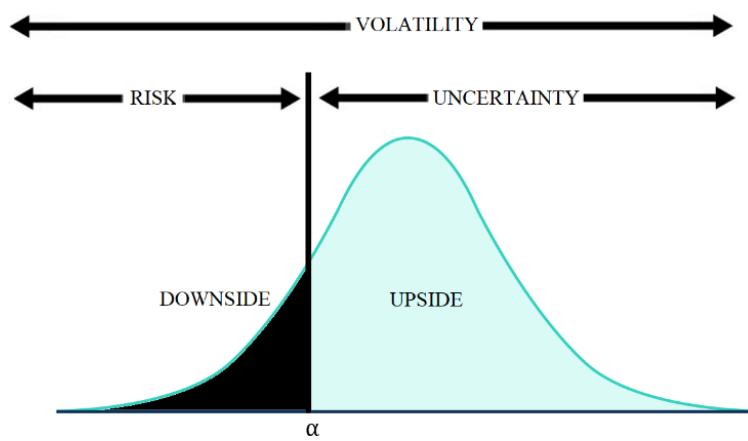
طی سال‌های متمادی، چندین الگوی مختلف برای انتخاب سبد سرمایه‌گذاری ارائه شده است. هر یک از این الگوهای با توجه به وضعیت و محدودیت‌های خاص خود طراحی شده‌اند. قبل از سال ۱۹۵۲، سرمایه‌گذاران تمایل داشتند تا با انتخاب اوراق بهادری که ارزش واقعی آن‌ها مشخص بود، سبد خود را تشکیل دهند. این افراد در واقع، ارتباط یا همبستگی بین اوراق بهادر مختلف موجود در سبد سرمایه‌گذاری خود برقرار نمی‌کردند (گونجان و باتاچاریا<sup>۱</sup>، ۲۰۲۳). اما در سال ۱۹۵۲، یک نظریه جدید در حوزه سرمایه‌گذاری معرفی گردید. در آن زمان، مارکویتز با انتشار مقاله‌ای درباره انتخاب سبد سرمایه‌گذاری، مدل مشهور میانگین-واریانس را معرفی نمود (اسکروچی و همکاران، ۲۰۲۳). با توجه به تحقیقات مارکویتز و آثار مورد نظر از جمله تحقیقات

1. Gunjan and Bhattacharyya

مرتون میلر در سال ۱۹۷۲ و ولیام شارپ در سال ۱۹۶۴، تئوری نوین سبد سرمایه‌گذاری به عنوان یک روش بهینه‌سازی و ابزار اساسی برای مدیریت سبد در تحلیل و تصمیم‌گیری مالی به وجود آمد. این تئوری از یک سو به سرمایه‌گذاران این توانایی را می‌دهد تا سبد مناسبی از سهام‌ها را با در نظر گرفتن سطح ریسک و بازده مورد انتظار انتخاب کنند و به طور هوشمندانه، موازنای بین بازده مطلوب و ریسک قابل قبول برقرار کنند. از سوی دیگر، این تئوری به سرمایه‌گذاران این امکان را می‌دهد که با دست یافتن به تنوع در سرمایه‌گذاری‌های خود، ریسک کلی سبد را کاهش داده و از پتانسیل نوسانات بازار محافظت کنند. این تنوع، مقاومت بیشتری را در برابر نوسانات بازار فراهم می‌آورد و از جمله استراتژی‌های مؤثر برای کاهش ریسک سرمایه‌گذاری به شمار می‌رود (زنجیردار، ۲۰۲۰). در فرآیند تصمیم‌گیری و تشکیل سبد سرمایه‌گذاری، یکی از عوامل بسیار اساسی، میزان ریسکی است که در فعالیت‌های سرمایه‌گذاری باید متحمل شوند. بسیاری از سرمایه‌گذاران تمایل دارند که باحداقل پذیرش ریسک، بیشترین بازدهی را کسب نمایند (هاشمی و چاوشی، ۱۴۰۲). ریسک به معنای عدم اطمینان و ناشناخته بودن نتایج یک عمل است. به طور ساده، ریسک به انحراف از آنچه در واقعیت رخ می‌دهد نسبت به آنچه مورد انتظار است تعریف می‌شود. مارکویتز برای اولین بار، با بهره‌گیری از مفهوم نوسان به عنوان یکی از مؤلفه‌های اساسی در ساختار سبد سرمایه‌گذاری، توانست به مفهوم ریسک و اهمیت آن در فرآیند تشکیل سبد سرمایه‌گذاری پرداخته و این ابعاد را گسترش دهد (قبری و همکاران، ۲۰۲۳). اگرچه در تئوری نوین سبد سرمایه‌گذاری، واریانس به عنوان معیار اندازه‌گیری ریسک معرفی گردید، اما دیدگاه‌های برجسته‌ی هری مارکویتز و ولیام شارپ این راهبرد را مورد ارزیابی دقیق قرار دادند. آن‌ها اعتقاد داشتند که مدل نیم واریانس، با در نظر نگرفتن نوسانات مثبت که یک عامل نامطلوب است، به عنوان یک ابزار دقیق‌تر و بهتر برای سنجش ریسک در محیط‌های مالی می‌تواند استفاده شود. (هاشمی و چاوشی، ۱۴۰۲). با توجه به انتقادات موجود نسبت به مدل واریانس به عنوان معیار اندازه‌گیری ریسک، از جمله نرمال بودن توزیع نوسانات و برابری انحرافات مثبت و منفی، نظریه‌ای تحت عنوان نظریه فرا مدرن سبد معرفی شد. در این نظریه مدل نیم واریانس معرفی شد که مقادیر بازدهی کمتر از بازدهی مورد انتظار به عنوان ریسک در نظر می‌گیرد (کالایچی و

## ■ پیشنهاد سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

همکاران، ۲۰۱۹). این مدل به طور خاص تنها بر بخش نامطلوب ریسک تمرکز داشته و نوسانات زیان‌بار را مورد بررسی قرار می‌دهد، به عبارتی، نظریه فرا مدرن سبد سرمایه‌گذاری یک روش جدید تخصیص دارایی‌ها را ارائه می‌دهد که تمرکز آن بر بازده در مقابل ریسک نامطلوب است (راما و فرگومن<sup>۱</sup>، ۱۹۹۳). معیار ریسک نامطلوب، به منظور اهداف تصمیم‌گیری در ادبیات اقتصاد مالی، برای بیش از نیم قرن مورد توجه محققین قرار گرفته است. این مسئله از جانب پژوهشگرانی همچون مارکویتز (۱۹۵۲)، ری (۱۹۵۲)، مایو (۱۹۷۰) و باوا (۱۹۷۵) مورد بررسی و تحلیل قرار گرفته است (پیرو و گامبرآ، ۱۹۹۳). به منظور درک این مفهوم، توزیع پراکندگی نوسانات ارزش یک دارایی فرضی را به صورت زیر در نظر بگیرید: اگر  $\alpha$  را سطح بازدهی هدف فرض کیم، محدوده‌ای که بازدهی زیر سطح هدف قرار می‌گیرد، به عنوان محدوده نوسانات نامطلوب تلقی می‌شود و اندازه‌گیری آن با استفاده از معیار نیم واریانس، به منظور ارزیابی ریسک نامطلوب انجام می‌شود. اما راما و فرگومن (۱۹۹۴)، اعتقاد داشتند که نواحی با نوسانات مثبت و بالای بازده هدف، یعنی  $\alpha$  تا ۱۰۰ نمایانگر عدم اطمینان محسوب می‌شوند (راما و فرگومن، ۱۹۹۳).



شکل ۱. تمایز ریسک و عدم اطمینان در تئوری فرا مدرن سبد سرمایه‌گذاری

مدل نیم واریانس، علی‌رغم برخی اصلاحاتی که به روش مارکویتز ارائه کرده، از سوی تحقیقات متعدد مورد انتقاد قرار گرفته است. یکی از انتقادات مهم آن، نادیده‌گرفتن انحرافات

1. Rom and Ferguson  
2. Pirvu and Gambräth

#### نشریه پژوهش‌های راهبردی بودجه و مالیه

مثبت در بازده سرمایه‌گذاری نسبت به بازده مورد انتظار است. این نوع نوسانات، به عنوان نشانگرهایی از مزیت‌ها و فرصت‌های سرمایه‌گذاری، ارزشمند هستند. همچنین تصمیم‌گیری سرمایه‌گذاری با نگاهی به این نوع نوسانات، می‌تواند فرصت‌هایی را که ممکن است در زمان‌های عادی دیده نشوند، آشکار سازد. به واسطه این نگرش خوش‌بینانه، سرمایه‌گذاران ممکن است از قابلیت رشد و توسعه بلندمدت که این نوسانات مثبت به آن‌ها اشاره می‌کنند.

در این پژوهش قصد بر آن است که به تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه با تأکید بر پتانسیل مثبت با دیدگاهی بر دو بعد از نوسانات یعنی نوسان حول بازده مورد انتظار و نوسان در روند بازدهی با معرفی مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای پردازد. براین اساس، در مرحله اول، پالایش سهامی بر اساس شاخص پتانسیل مطلوب و شاخص پرش به ریزش دو دوره‌ای جهت شناسایی و استخراج سهامی منتخب صورت می‌گیرد و سپس در مرحله دوم بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس بر اساس داده‌های فصلی از ابتدای ۱۳۹۷ تا انتهای ۱۴۰۱ بورس اوراق بهادر تهران انجام می‌شود و جهت تحلیل نتایج حاصل شده، مقایسه آن با مدل‌های نیم واریانس و اوزان یکسان سبد با استفاده از سهامی بدون پالایش در هر فصل مورد ارزیابی قرار می‌گیرد.

در ادامه این پژوهش به صورت مقابله ساختاردهی شده است: بخش دوم به تشریح پیشینه پژوهش می‌پردازد. بخش سوم روش پژوهش را شرح می‌دهد و سپس در بخش چهارم فرایند مدل‌سازی ریاضی پژوهش را توصیف می‌کند. نتایج محاسباتی پژوهش و بحث و تفسیر پیرامون نتایج نیز در بخش پنجم تشریح می‌شود و در نهایت، در بخش ششم نتیجه‌گیری صورت می‌گیرد و پیشنهادهایی برای پژوهش‌های آتی مطرح می‌شود.

### پیشینه پژوهش

به طور کلی تحقیقات انجام شده در زمینه نوسانات مثبت و تأثیر آن بر سبد سرمایه‌گذاری نشان می‌دهد که عباراتی مانند نوسانات مثبت، ریسک مطلوب، پتانسیل مثبت و پتانسیل مطلوب در این تحقیقات به کار رفته‌اند. در ادامه خلاصه‌ای از تحقیقات پیشین پژوهشگران در زمینه تحت مرور شرح داده شده است:

### ■ پیوپیه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

ریکاردو برامانته و فاچینتی<sup>۱</sup> (۲۰۲۲) مدلی را ارائه دادند که به سرعت با تغییرات ریسک بر اساس نسبت شارپ اصلاح شده، سازگاری دارد. این مدل از یک معیار برای ارزیابی جداگانه ریسک نامطلوب و مطلوب استفاده می‌کند. این معیار کمترین وزن را به سهم‌های با ریسک بالاتر اختصاص می‌دهد و با کاهش ریسک، وزن بیشتری را به آن‌ها تخصیص می‌دهد. با استفاده از این مدل، می‌توان وزن دارایی‌ها در سبد بهینه را مجددًا تعادل داد.

سپس در مطالعه در اینه کومیک<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۲۲) به تحلیل تفاوت‌های جنسیتی در ترجیحات ریسکی با توجه به دو بعد مهم ریسک، یعنی ریسک مطلوب و ریسک نامطلوب، پرداخته شده و نتایج نشان از تمایل اکثر افراد به اجتناب از ریسک نامطلوب و تمایل به پذیرش ریسک مطلوب دارند. همچنین تحلیل نشان می‌دهد که در طراحی سیاست‌های مالی، تفاوت‌های جنسیتی حائز اهمیت بوده؛ زیرا زنان ممکن است در مواجهه با ریسک‌های نامطلوب تمایل بیشتری نسبت به مردان به اجتناب داشته باشند.

همچنین در تحقیقات ناروکی و کوموا<sup>۳</sup> (۲۰۱۴)، برای اولین بار مدلی معرفی شد که قادر بود نقص‌های مدل تک‌بعدی میانگین - نیم واریانس را رفع کند و از پشتونه تئوریکی قدرتمندتری برخوردار باشد. در این مدل (LPM/UPM)، تخصیص سرمایه به گونه‌ای است که باهدف حداقل‌سازی نوسانات مثبت به عنوان یک پتانسیل مطلوب و کاهش حداقل نوسانات منفی به عنوان یک ریسک نامطلوب انجام می‌شود.

علاوه بر این میرعباسی و همکاران (۲۰۱۷) نشان دادند که سرمایه‌گذار، پتانسیل مطلوب را به عنوان عامل مثبت در تصمیم‌گیری سرمایه‌گذاری مد نظر دارد. همچنین، بازدهی سبد بهینه که بر اساس ریسک نامطلوب و پتانسیل مطلوب و متغیرهای روانشناسی محاسبه می‌شود، از بازدهی سبد بهینه مبتنی بر تئوری نوین سبد سرمایه‌گذاری بیشتر است. این نشان می‌دهد که در شرایطی که ما بر اساس فرضیات اقتصاد عقلانی و بهینه‌سازی بازده و کاهش زیان عمل می‌کنیم، بازدهی سبد بهینه مبتنی بر ریسک نامطلوب و پتانسیل مطلوب و متغیرهای روانشناسی، از بازدهی سبد بهینه مبتنی بر تئوری نوین سبد سرمایه‌گذاری بالاتر است.

1. Bramante and Facchinetti

2. Comeig

3. Cumova and Nawrocki

همچنین در پژوهش ماسیمیانو کائوسیج<sup>۱</sup> و همکاران (۲۰۱۶)، ویژگی‌های مرتبط با ریسک و بازدهی در ترکیب مختلف، از جمله تنوع و نرخ بازده، مورد بررسی قرار گرفته است. آنها یک استراتژی را مورد بررسی قرار داده‌اند که توانایی تولید سبدی با درجه تنوع کم و بازدهی بالا را دارد، با این وجود با افزایش تنوع، بازده مورد انتظار کاهش می‌یابد. این مدل به عنوان یک رویکرد سرمایه‌گذاری برای افرادی که به دنبال سود بالا و کاهش ریسک هستند، معرفی شده است.

صادقی و همکاران (۲۰۱۰) در پژوهشی با تأکید بر نرمال نبودن بازدهی در بورس ایران، نشان دادند که استفاده از مدل میانگین-واریانس در مورد شرکت‌های بورس اوراق بهادار تهران مناسب نیست. بر این اساس معیارهای ریسک نامطلوب و مطلوب نسبت به معیارهای معمول ریسک دارای برتری بوده و رابطه خطی و مستقیمی بین بازدهی و معیارهای مختلف ریسک مورد تایید می‌باشد و شواهد نشان می‌دهد که قدرت پیش‌بینی شاخص‌های مطلوب برای بازدهی، سرمایه‌گذاران را در بورس اوراق بهادار تهران تحت تأثیر قرار داده و آنها بر اساس ریسک مطلوب تصمیم‌گیری می‌کنند.

همچنین در سال ۱۹۹۹، سورتیونو<sup>۲</sup> شاخصی به نام پتانسیل مطلوب را به گونه‌ای معرفی نمود که تمرکز اصلی خود را بر نوسانات حول بازده مورد انتظار قرارداد. این شاخص با کسر نوسانات مثبت از بازده مورد انتظار و کسر قدر مطلق نوسانات منفی از بازده مورد انتظار، توانایی ارزیابی نوسانات مثبت به عنوان فرصت و نوسانات منفی را به عنوان عوارض یا ریسک فراهم می‌آورد.

به طور کلی بررسی ادبیات موجود نشان از عدم درنظر گرفتن هم‌زمان دو بعد از نوسانات، یعنی نوسان حول بازدهی مورد انتظار و نوسان در روند بازدهی با تأکید بر نوسانات مثبت جهت تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه شده است. با بررسی ادبیات پژوهش یکی از انتقادات مهم نسبت به مدل نیم واریانس، عدم درنظر گرفتن انحرافات مثبت در بازده بود که حاوی اطلاعاتی درباره مزایای فرصت‌های سرمایه‌گذاری نسبت به یکدیگر است. اما با استفاده از مدل دو مرحله‌ای مذکور، این نقصان تا حدودی بر طرف می‌گردد و در مقایسه با مدل نیم واریانس که تنها نگاهی خطی، بدون روند و محافظه کارانه در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری داشت و اهمیتی برای نوسانات مثبت به عنوان

1. Kaucic and Daris

2. Sortino

## ■ پیشنهاد سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

فرصت قائل نبود، اثربخشی بیشتری دارد. در مدل پیشنهادی این پژوهش دیدگاهی جدید ارائه شده است که به دو بعد از نوسانات یعنی نوسان حول بازده مورد انتظار و نوسان در روند بازدهی توجه ویژه‌ای داشته و سعی دارد تا در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری، مشارکت سهامی که دارای پتانسیل رشد و صعود بیشتری هستند را افزایش دهد.

## روش‌شناسی پژوهش

پژوهش حاضر به منظور دستیابی به اهداف پژوهشی، به صورت کاربردی تدوین شده و در حوزه پژوهش‌های کمی در بازار سرمایه قرار دارد. همچنین با استفاده از داده‌های تاریخی، به عنوان یک بررسی گذشته‌نگر دسته‌بندی می‌شود و در رده پژوهش‌های شباهنگی قرار می‌گیرد. اطلاعات مربوط به بررسی مبانی نظری و ادبیات مرتبط با موضوع این پژوهش از طریق مطالعات کتابخانه‌ای و جستجوهای اینترنتی جمع آوری و مورد بررسی قرار گرفته است. در این پژوهش، جامعه آماری شامل قیمت‌های پایانی تعديل شده تمام سهامی که در بورس اوراق بهادر تهران معامله می‌شوند، مورد استفاده قرار گرفته است. همچنین روش نمونه‌گیری مورد استفاده، از نوع گزینشی بوده و نمونه انتخابی برای انجام پژوهش، قیمت پایانی تعديل شده روزانه ۲۰ شرکت بورسی گروه‌های پتروشیمی، فولادی و سیمانی از ابتدای سال ۱۳۹۷ تا انتهای سال ۱۴۰۱ با داشتن شرایط زیر است:

۱. داده‌های مورد نیاز پژوهش در دوره پژوهش را دارا باشد.
۲. تعداد روزهای معاملاتی آنها در دوره پژوهش بیش از ۸۰ درصد روزهای معاملاتی کل دوره باشد.

۳. سود محقق شده بیشتری به ازای هر سهم نسبت به هم گروهی‌ها خود دارا باشد.  
در این پژوهش، تشکیل سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل‌های نیم واریانس و نیم واریانس دو مرحله‌ای و مدل اوزان یکسان سبد با استفاده از داده‌های فصلی از ابتدای سال ۱۳۹۷ تا انتهای سال ۱۴۰۱ بورس اوراق بهادر تهران صورت گرفت.

براین اساس ابتدا با استفاده از ۲۰ سهام واجد شرایط، تشکیل سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس و مدل اوزان یکسان سبد سرمایه‌گذاری انجام شد. سپس جهت تشکیل سبد

سرمایه‌گذاری با مدل پیشنهادی، در مرحله اول، ۲۰ سهامی با بهره‌گیری از شاخص پتانسیل مطلوب رتبه‌بندی شده و ۱۰ سهام برتر انتخاب می‌شوند و سپس با استفاده از شاخص پرش به ریزش دو دوره‌ای، از بین ۱۰ سهام، ۵ سهام برتر انتخاب شده و در مرحله دوم، با بکارگیری مدل نیم واریانس تشکیل سبد سرمایه‌گذاری صورت گرفت. همچنین جهت محاسبه بازده ادوار نمونه، ابتدا با استفاده از عملکرد فصل  $1 - t$  (دوره تشکیل سبد) سهامی، تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه با دو مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای و نیم واریانس سبد صورت گرفت. سپس مقادیر بهینه میزان مشارکت سهام‌ها با اطلاعات فصل  $1 - t$  در بازده حاصل شده فصل  $t$ ، ضرب شده و بازده حاصل شده سبد سرمایه‌گذاری هر فصل بدست آمد و برای تشکیل سبد سرمایه‌گذاری با مدل اوزان یکسان سبد نیز بازدهی حاصل شده فصل  $t$  در وزن هریک سهامی یا  $\frac{1}{p}$  ضرب شد. همچنین جهت ارزیابی عملکرد مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای با نیم واریانس و اوزان یکسان سبد، اختلاف بازده آن‌ها در ۲۰ دوره فصلی محاسبه شد.

## مدل ریاضی پژوهش

این مطالعه یک مدل ریاضی پیشنهادی مبتنی بر نوسان بهمنظور تشکیل سبد سرمایه‌گذاری تحت عنوان مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای ارائه می‌دهد و سپس با مدل نیم واریانس و مدل اوزان یکسان سبد مقایسه می‌کند. مدل پیشنهادی ما شامل ۲ مرحله می‌باشد که در مرحله نخست به پالایش و غربالگری سهام با استفاده از شاخص‌های ارزیابی عملکرد مالی می‌پردازد و در مرحله دوم با استفاده از داده‌های تاریخی، سبد سرمایه‌گذاری مبتنی بر مدل نیم واریانس تشکیل می‌دهد. به منظور پالایش و غربالگری سهام در مرحله نخست رویکرد پیشنهادی از شاخص‌های پتانسیل مطلوب و پرش به ریزش جهت ارزیابی استفاده می‌گردد.

در این بخش به ترتیب به تشریح و توصیف شاخص‌های ارزیابی عملکرد مالی، مدل‌های به کار گرفته شده جهت مقایسه و مدل ریاضی توسعه داده شده در این پژوهش پرداخته می‌شود. این بخش پیش از توصیف شاخص‌ها و مدل‌های ریاضی استفاده شده در پژوهش به تعریف اندیس‌ها، پارامترها و متغیرها می‌پردازد. مجموعه روابط ریاضی بکار گرفته شده در این مطالعه در جدول ذیل خلاصه‌سازی شده است.

## ■ پیوپیه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتاسیل مثبت...

جدول ۱. معرفی مجموعه، اندیس، پارامتر و متغیر

مجموعه‌ها و اندیس‌ها	
اندیس‌های گزینه‌های سرمایه‌گذاری	$i, j$
اندیس‌های ادوار زمانی	$T$
پارامترها	
بازدهی مورد انتظار سبد سرمایه‌گذاری	$\mu_p$
حداقل بازدهی مورد انتظار سهام	$\mu_s$
بازده سهم $i$ در زمان $t$ ام	$r_{it}$
متغیرها	
درصد مشارکت سهم $i$ در سبد سرمایه‌گذاری	$x_i$

## شاخص پتاسیل مطلوب

در سال ۱۹۹۹، سورتیونو شاخصی به نام پتاسیل مطلوب را به گونه‌ای معرفی نمود که تمرکز اصلی خود را بر نوسانات حول بازده مورد انتظار قرار داد. این شاخص با کسر نوسانات مثبت از بازده مورد انتظار و کسر قدر مطلق نوسانات منفی از بازده مورد انتظار، توانایی ارزیابی نوسانات مثبت به عنوان فرصت و نوسانات منفی را به عنوان عوارض یا ریسک فراهم می‌آورد. همچنین شاخص پتاسیل مطلوب یا صعود، معیاری مهم برای ارزیابی عملکرد سبد سرمایه‌گذاری یا سهامی با توجه نوسان حول بازده مورد انتظار بوده و نشان می‌دهد که بازدهی نسبت به ریسک چه میزان است. براین اساس اختلاف بازده ادوار سهام نسبت به بازدهی مورد انتظار اندازه‌گیری می‌شود. سپس مجموع اعداد مثبت که نشان‌دهنده میزان پتاسیل مثبت یا فرصت بوده در صورت نسبت قرار می‌گیرد ( $\sum_{t=1}^T r_{it} - \mu_s$ )<sup>+</sup> و مجموع قدر مطلق اعداد منفی نیز، که همان میزان ریسک یا تهدید، در مخرج شاخص قرار می‌گیرند ( $|\sum_{t=1}^T r_{it} - \mu_s|$ ). با استفاده از این نسبت، سرمایه‌گذاران می‌توانند عملکرد سرمایه‌گذاری‌های مختلف را با یکدیگر مقایسه کنند و تصمیم‌گیری‌های بهتری درباره تخصیص سرمایه خود انجام دهند. همچنین با بررسی این نسبت برای سرمایه‌گذاری‌های مختلف، می‌توانند سرمایه خود را به سمت سرمایه‌گذاری‌هایی هدایت کنند که در انتظار بازدهی بالا و ریسک کمتری هستند.

$$UPR = \frac{\sum_{t=1}^T \{r_{it} - \mu_s\}^+}{\sum_{t=1}^T |\{r_{it} - \mu_s\}^-|}$$

### شاخص نوین پرش به ریزش دو دوره‌ای

شاخص پرش به ریزش (Jump-to-Fall Index) یا با اختصار JFI، نسبتی نوین است که با پیروی از شاخص پتانسیل مطلوب توسعه دادیم، در شاخص پتانسیل مطلوب، ارزیابی نوسانات حول بازده مورد انتظار صورت گرفته بود؛ اما در شاخص نوین، ارزیابی سنجش نوسان سهام با تمرکز بر روند بازده‌ی صورت ارائه شد. به همین علت، اختلاف دو دوره‌ای بازده سهامی را در ادوار  $t$  و  $t - 1$ ، اندازه‌گیری می‌کند. سپس مجموع اعداد مثبت، که نشان‌دهنده میزان صعود یا پرش نسبت به ادوار قبلی است  $\sum_{t=1}^T \{r_{it} - r_{it-1}\}^+$ ، در صورت نسبت قرار می‌گیرد و مجموع قدر مطلق اعداد منفی نیز، که همان میزان نزول یا ریزش نسبت به ادوار قبلی را نمایش می‌دهند  $\sum_{t=1}^T \{r_{it} - r_{it-1}\}^-$ . در مخرج شاخص قرار می‌گیرند. استفاده از شاخص پرش به ریزش در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری به سرمایه‌گذاران امکان می‌دهد تا از سهم‌هایی با قدرت صعود یا پرش بالاتر نسبت به نزول یا ریزش استفاده کنند. این روش می‌تواند به کاهش ریسک سرمایه‌گذاری کمک کند و به سرمایه‌گذاران امکان بددهد تا سهم‌های با قدرت صعود بالا را در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری خود در نظر بگیرند.

$$JFI = \frac{\sum_{t=1}^T \{r_{it} - r_{it-1}\}^+}{\sum_{t=1}^T |\{r_{it} - r_{it-1}\}|^-}$$

### مدل اوزان یکسان سبد

مدل وزن یکسان سهام در سبد، یکی از روش‌های ساخت سبد سرمایه‌گذاری است که در آن به هر سهم با وزن یکسانی در تشکیل سبد اهمیت داده می‌شود. به عبارت دیگر، وزن هر سهم یا هر دارایی در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری به یک مقدار ثابت یا یکسان تنظیم می‌شود، بدون اینکه وزن یک سهم نسبت به دیگری بیشتر باشد. این مدل معمولاً به عنوان یک رویکرد ساده در ساخت سبد سرمایه‌گذاری مورد استفاده قرار می‌گیرد. با اعمال وزن برابر سهم‌ها، تنوع در سبد افزایش می‌یابد

## ■ پیوپیه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

و تأثیر هر سهم در بازده کلی سبد یکسان می‌شود. این روش اغلب برای سادگی و کاهش پیچیدگی مدیریت سبد استفاده می‌شود.

### مدل نیم واریانس

سنجرش ریسک سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل واریانس، سؤالی را برای سرمایه‌گذاران و پژوهشگران ایجاد کرده است که چرا باید هم میزان پاداش‌ها و هم میزان جریمه‌ها را به عنوان ریسک در نظر گرفت. به منظور حل این مسئله، هری مارکویتز در سال ۱۹۵۹ مدلی به نام سنجه ریسک نیم واریانس را معرفی کرد. این مدل از دسته سنجه‌های ریسک نامطلوب است که مقادیر پایین‌تر از بازدهی مورد انتظار را به عنوان ریسک تلقی می‌کند. محدودیت‌هایی که در این مدل در نظر گرفته شده عبارت‌اند از:

رابطه ۱ به معنای آن است که بازدهی مورد انتظار برای سبد سرمایه‌گذاری، ناشی از میانگین وزن‌دهی شده سهام انتخاب شده است. رابطه‌های ۲ و ۳ برای رفع رابطه‌ی قدر مطلقی در تابع هدف شکل گرفته‌اند. برای حذف قدر مطلق در تابع هدف رابطه  $y_t$  به فرم کوچکتر مساوی و بزرگتر مساوی با عبارت  $\sum_{i=1}^n r_{it}x_i - \mu_p$  نوشته می‌شود، اما با توجه به اینکه مقادیر بالاتر از بازدهی مورد انتظار به عنوان ریسک در این مدل شناخته نمی‌شود رابطه‌ی ۳ به فرم  $y_t \geq 0$  تبدیل می‌گردد. با توجه به توضیحات ارائه شده: رابطه ۴ که به نام محدودیت بودجه شناخته می‌شود، بیان می‌کند که مجموع کسر بودجه‌های سرمایه‌گذاری شده در سهام مختلف باید برابر با ۱ باشد. رابطه ۵ نشان می‌دهد که در صد سرمایه‌گذاری در هر سهم باید مقداری غیر منفی داشته باشد.

$$\text{Min } SV = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T y_t^2$$

$$\text{s.t. } \sum_{i=1}^n \mu_i x_i = \mu_p$$

$$y_t \geq \mu_p - \sum_{i=1}^n r_{it}x_i \quad t = 1, \dots, T$$

$$y_t \geq 0 \quad t = 1, \dots, T$$

۱

۲

۳

$$\sum_{i=1}^n x_i = 1$$

۴

$$x_i \geq 0$$

$$i = 1, \dots, n$$

۵

## مدل پیشنهادی نیم واریانس دومرحله‌ای

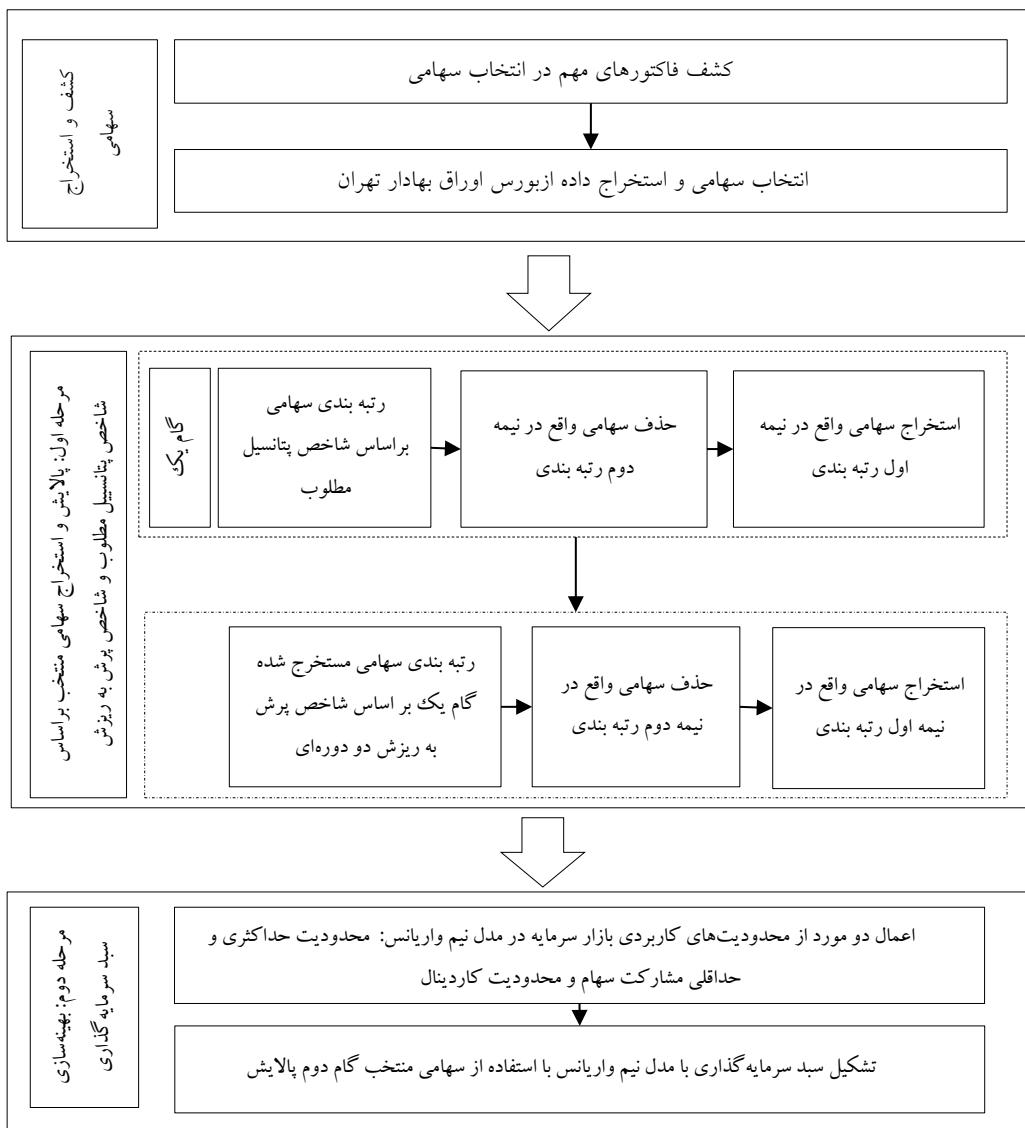
به دلیل اینکه مدل کلاسیک نیم واریانس تنها نگاهی خطی، بدون روند و محافظه کارانه در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری دارد و نوسانات مثبت را به عنوان فرصت‌های خوب سرمایه‌گذاری در نظر نمی‌گیرد در این بخش به ارائه یک رویکرد نوین پرداخته می‌شود تا کاستی‌های مدل پیشین پوشش داده شود. این امر با قرار گرفتن یک مرحله جهت پالایش و غربال سهام و رودی جهت تشکیل سبد سرمایه‌گذاری صورت می‌گیرد. همان‌طور که پیش از این نیز شرح داده شد، این دیدگاه به دو بعد از نوسانات یعنی نوسان حول بازده مورد انتظار و نوسان در روند بازدهی توجه ویژه‌ای داشته و سعی دارد تا در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری، مشارکت سهامی که دارای پتانسیل رشد و صعود پیشتری هستند را افزایش دهد به همین علت در مدل پیشنهادی در مرحله اول، ابتدا پالایش سهامی بر اساس شاخص پتانسیل مطلوب که نوعی ارزیاب توانمندی از دیدگاه نوسان مثبت نسبت به نوسان منفی حول بازده مورد انتظار است، صورت گرفته و سهامی برتر استخراج می‌شوند. سپس به منظور پالایش سهامی با عامل روند، پالایشی از بین سهام برتر با استفاده از شاخص پرش به ریزش دو دوره‌ای که نوعی ارزیاب توانمندی صعود به نزول بر مبنای نوسان در روند بازدهی است، صورت گرفته و سهام منتخب استخراج شوند. سپس در مرحله دوم به وسیله مدل نیم واریانس (روابط ۱ الی ۵)، تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه با سهام منتخب انجام می‌شود. بنابراین، مدل پیشنهادی با دیدی وسیع با درنظر گرفتن دو پتانسیل مثبت از نگاه بازده مورد انتظار و روند سهام و همچنین با دیدگاه کاهش نوسانات نامطلوب صورت گرفت. به طور کلی مدل پیشنهادی نیم واریانس دومرحله‌ای در بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری از مزایایی برخوردار است که به سرمایه‌گذاران امکان می‌دهد از نوسانات مثبت بهره‌برداری کنند. این روش با توجه به پتانسیل رشد سهام، سهم‌هایی را که دارای پتانسیل رشد و صعود پیشتری هستند، شناسایی و انتخاب می‌کند. به علاوه، با استفاده از مدل نیم واریانس در مرحله دوم، این روش به سرمایه‌گذاران امکان

### ■ پیشنهاد سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

می‌دهد تا ریسک سرمایه‌گذاری‌های خود را کاهش دهنند. این روش به‌ویژه برای سرمایه‌گذارانی که تمایل دارند از فرصت‌های رشد و صعود در بازار سرمایه بهره‌برداری کنند و در عین حال ریسک سرمایه‌گذاری خود را کاهش دهنند، مناسب است.

به‌منظور درک مدل پیشنهادی، نمای کلی تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه با استفاده از مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای در شکل زیر ارائه شده است:

## نشریه پژوهش های راهبردی بودجه و مالیه



شکل ۲. نمای کلی تشکیل سبد سرمایه گذاری بهینه با مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای

## یافته‌های پژوهش

در این پژوهش با استفاده از بازدهی فصل ۱ -  $t$  سهام‌های منتخب، تشکیل سبد سرمایه‌گذاری بهینه با دو مدل نیم واریانس و نیم واریانس دومرحله‌ای در نرم افزار گمز صورت گرفت، سپس مقادیر بهینه میزان مشارکت سهام‌ها با اطلاعات فصل ۱ -  $t$  در بازده حاصل شده فصل  $t$  جهت بهره‌برداری، ضرب شده و بازده حاصل شده سبد سرمایه‌گذاری بدست آمد. همچنین جهت تشکیل سبد با مدل اوزان یکسان سبد نیز بازدهی حاصل شده فصل  $t$  در وزن

هریک سهامی یا  $\frac{1}{\beta_i}$  ضرب شد. لازم به ذکر است استفاده از این روش جهت سنجش عملکرد مدل در ۲۰ دوره فصلی از ابتدای ۱۳۹۷ تا انتهای ۱۴۰۱ اجرا و در جدول شماره دو قابل مشاهده است. در این پژوهش حداقل بازده مورد انتظار هر دوره بر اساس نرخ بهره بدون ریسک سه ماهه بازکی، در هر دوره نظر گرفته شد و همچنین به منظور حفظ تنوع و تعادل مناسب در ترکیب دارایی‌ها و سهم‌های انتخاب شده با در نظر گرفتن بودجه، محدودیت‌های اعمالی بر دو مدل، جهت تشکیل سبد بصورت محدودیت حداکثری و حداقلی مشارکت سهام به ترتیب عو، و ۱، در نظر گرفته و محدودیت کاردینال یا حد تعداد سهام در سبد سرمایه‌گذاری حداکثر ۵ اعمال شد.

پس از به‌دست آمدن نتایج حاصل از اجرایی‌سازی مدل‌های منتخب تشکیل سبد سرمایه‌گذاری در جدول شماره دو، ستون‌های اختلاف بازده در ادوار به دست آمد.

جدول ۲. مقایسه‌ی عملکرد مدل نیم واریانس دومرحله‌ای با مدل نیم واریانس و مدل سبد با اوزان یکسان در ادوار نمونه

اختلاف بازده		دوره	
اختلاف بازده نیم واریانس دومرحله‌ای و نیم واریانس	نیم واریانس دومرحله‌ای و نیم واریانس	فصل اول	۱
۰.۲۴۶۰۳۷۸۸۶	۰.۰۰۳۶۶۷۰۶۵	۱۳۹۷	
۰.۱۶۲۷۱۹۹۵۷	۰.۰۵۴۲۳۹۹۸۶	فصل دوم	۲

**نشریه پژوهش های راهبردی بودجه و مالیه**

**جدول ۲. مقایسهی عملکرد مدل نیم واریانس دومرحله‌ای با مدل نیم واریانس و مدل سبد با اوزان یکسان در ادوار نمونه**

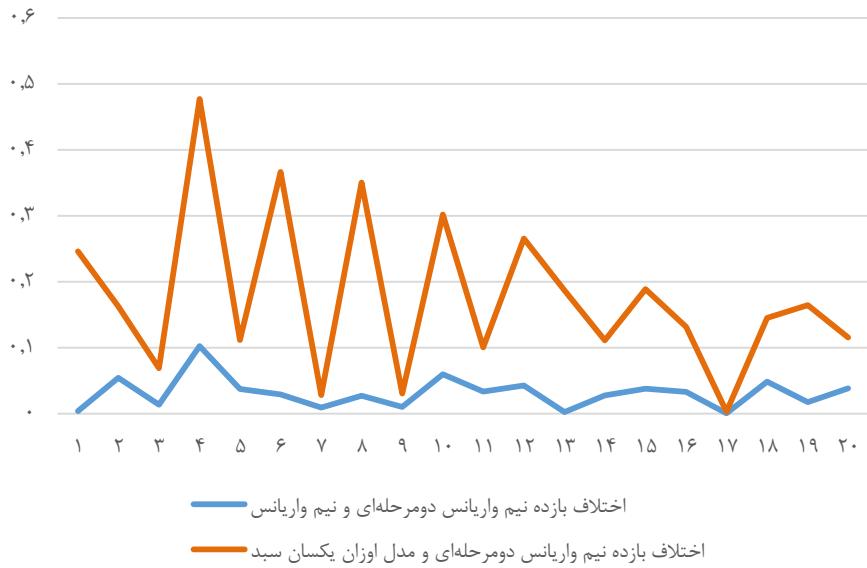
اختلاف بازده		دوره	
اختلاف بازده نیم واریانس دومرحله‌ای و اوزان یکسان سبد	نیم واریانس دومرحله‌ای و نیم واریانس	فصل سوم ۱۳۹۷	۳
۰۰۶۸۹۸۷۶۹۸	۰۰۱۳۷۹۷۵۴	فصل چهارم ۱۳۹۷	۴
۰۲۷۷۴۴۳۹۴۱	۰۰۱۰۲۳۹۱۴۶۶	فصل اول ۱۳۹۸	۵
۰۱۱۱۴۸۸۷۴۸	۰۰۰۳۷۱۶۲۹۱۶	فصل دوم ۱۳۹۸	۶
۰۳۶۶۳۲۰۱۲۹	۰۰۰۲۹۰۵۶۳۲۲	فصل سوم ۱۳۹۸	۷
۰۰۲۸۱۱۴۹۵۴	۰۰۰۰۹۳۷۱۶۵۱	فصل چهارم ۱۳۹۸	۸
۰۳۵۰۵۹۹۶۳۲	۰۰۰۲۷۱۳۸۲۱۳	فصل اول ۱۳۹۹	۹
۰۰۳۰۴۴۲۶۱۶	۰۰۱۰۱۴۷۵۳۹	فصل دوم ۱۳۹۹	۱۰
۰۳۰۲۱۹۷۲۷۸	۰۰۰۵۹۷۲۵۱۱	فصل سوم ۱۳۹۹	۱۱
۰۱۰۰۳۴۰۳۷۳	۰۰۰۳۳۴۴۶۷۹۱	فصل چهارم ۱۳۹۹	۱۲
۰۲۶۵۶۵۰۸۲۶	۰۰۰۴۲۹۰۷۹۰۹	فصل اول ۱۴۰۰	۱۳
۰۱۸۶۸۰۱۹۹۷	۰۰۰۰۲۴۳۱۹۳۸	فصل دوم ۱۴۰۰	۱۴
۰۱۱۰۹۱۶۴۸۸	۰۰۰۲۷۷۲۹۱۲۲		

■ پیوپیه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

جدول ۲. مقایسه عملکرد مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای با مدل نیم واریانس و مدل سبد با اوزان یکسان در ادوار نمونه

اختلاف بازده		دوره	
نیم واریانس دو مرحله‌ای و نیم واریانس	اختلاف بازده نیم واریانس دو مرحله‌ای و اوزان یکسان سبد	فصل سوم ۱۴۰۰	۱۵
۰.۰۳۷۷۶۹۲۲۲	۰.۱۸۸۸۴۶۱۱۱	۰.۰۳۲۸۹۷۲۹۶	۱۶
۰.۰۰۰۵۷۳۵۲۴	۰.۰۰۰۲۸۶۷۶۲۲	۰.۰۰۴۸۳۴۰۷۱۷	۱۷
۰.۰۰۱۷۴۱۹۲۲	۰.۱۶۴۷۸۸۳۸۷	۰.۰۳۸۴۴۱۵۶۷	۱۸
۰.۰۶۲۸۶۵۵۱۱۳	۰.۵۵۶۵۰۲۶۸۲	مجموع اختلاف بازده	۱۹

پس از محاسبه اختلاف بازده مدل دو مرحله‌ای با نیم واریانس، جهت در ک بهتر و مقایسه دو مدل اختلاف بازده آنها در طول ۲۰ دوره در نمودار ۱ مصور شد. در طول ادوار، زمان‌هایی که نمودار بالای محور افقی قرار دارد مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای عملکرد بهتری را نسبت به نیم واریانس و اوزان یکسان سبد دارا می‌باشد.



نمودار ۱. اختلاف بازده مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای با مدل نیم واریانس و مدل اوزان یکسان سبد سرمایه‌گذاری در ادوار نمونه

نتایج نمودار به وضوح نمایانگر برتری مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای در طول ۲۰ دوره نمونه نسبت به مدل نیم واریانس و اوزان یکسان سبد هستند. همچنین، این نتایج نشان می‌دهند که در صورت استفاده از مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای توسط سرمایه‌گذار در ادوار نمونه، بازدهی به ترتیب ۳۳۵ و ۶۳ درصد نسبت به مدل نیم واریانس و مدل اوزان یکسان سبد حاصل می‌شود.

## نتیجه‌گیری و پیشنهادها

توانایی ایجاد ترکیب متناسب و معادل از سهم‌های مختلف، به منظور دستیابی به یک بازدهی مطلوب با حداقل پذیرش ریسک از دست دادن سرمایه از اهمیت ویژه‌ای برای سرمایه‌گذاران برخوردار است. با توجه به اینکه رویکردهای متنوعی جهت تشکیل سبد سرمایه‌گذاری وجود دارد انتخاب یک رویکرد کارآمد بسیار حائز اهمیت است. به همین منظور در این پژوهش، یک رویکرد نوین جهت تشکیل سبد سرمایه‌گذاری با تمرکز بر نوسانات مثبت و درنظر گرفتن نوسانات منفی تحت عنوان مدل نیم واریانس دو مرحله‌ای ارائه گردید.

## ■ پیشنهاد سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت...

در مدل معرفی شده در مرحله اول انتخاب سهام با پالایشی بر اساس نوسان حول بازده مورد انتظار و نوسانات در روند بازدهی انجام شد. در مرحله دوم، از مدلی نیم واریانس تک‌هدفه با محدودیت‌های حداکثری و حداقلی مشارکت سهام در سبد و همچنین محدودیت کاردينال یا تعداد حداکثر سهام در سبد سرمایه‌گذاری استفاده گردید.

مجموع شواهد به دلیل دیدگاه جامع‌تر مدل معرفی شده نسبت به مدل نیم واریانس، اظهار کارایی بهتر مدل ارائه شده نسبت به مدل نیم واریانس و اوزان یکسان سبد را تأیید می‌کند، به طور کلی، مدل پیشنهادی در تشکیل سبد سرمایه‌گذاری از مزایایی برخوردار است که به سرمایه‌گذاران امکان می‌دهد از نوسانات مثبت بهره‌برداری کنند. این رویکرد در ادوار نمونه در مقایسه با تشکیل سبد سرمایه با مدل نیم واریانس و مدل تشکیل سبد با اوزان یکسان به ترتیب ۶۳ و ۳۳۵ درصد کارایی بیشتری داشته است.

در این روش، با توجه به پتانسیل رشد سهام، سهم‌هایی که دارای پتانسیل رشد و صعود بیشتری هستند، شناسایی و انتخاب می‌شود. همچنین، با استفاده از مدل نیم واریانس به سرمایه‌گذاران امکان می‌دهد تا ریسک سرمایه‌گذاری‌های خود را کاهش دهند. با توجه به مطالب ارائه شده، تعدادی از زمینه‌های ممکن برای ادامه تحقیقات آینده به شرح زیر پیشنهاد می‌شود:

- به کارگیری از سایر شاخص‌های مالی در پالایش سهام منتخب
- استفاده از دیگر محدودیت‌های کاربردی بازار سرمایه به منظور درنظرگرفتن سایر جنبه‌های موردنظر سرمایه‌گذاران

استفاده از رویکردهای موافق با عدم قطعیت در فرایند مدل‌سازی مسئله

## فهرست منابع

- Bramante, R., & Facchinetti, S. (2021). Combining Upside and Downside Volatility in Investment Decision. *Journal of Mathematical Finance*, 12(1), 97–104.
- Comeig, I., Holt, C., & Jaramillo-Gutiérrez, A. (2022). Upside versus downside risk: Gender, stakes, and skewness. *Journal of Economic Behavior & Organization*, 200(1), 21–30.
- Cumova, D., & Nawrocki, D. (2014). Portfolio optimization in an upside potential and downside risk framework. *Journal of Economics and Business*, 71, 68–89.
- Eskorouchi, A., Ghanbari, H., & Mohammadi, E. (2023). A Scientometric Analysis of Robust Portfolio Optimization. *Iranian Journal of Accounting, Auditing and Finance*, 8, 59–74.
- Gambrah, P. S. N., & Pirvu, T. A. (2014). Risk Measures and Portfolio Optimization. *Journal of Risk and Financial Management*, 7(3), 113–129.
- Ghanbari, H., Safari, M., Ghousi, R., Mohammadi, E., & Nakharutai, N. (2023). Bibliometric analysis of risk measures for portfolio optimization. *Accounting*, 9, 95–108.
- Gunjan, A., & Bhattacharyya, S. (2023). A brief review of portfolio optimization techniques. *Artificial Intelligence Review*, 56(5), 1–40.
- Hashemi, A., & Chavoshi, S. K. (2023). The Impact of Risk Tolerance, Capital Adequacy, Corporate Governance on the Performance of Tse's Banks. *Scientific Journal of Budget and Finance Strategic Research*, 4(4), 91–116. [In Persian].
- Kalayci, C. B., Ertenlice, O., & Akbay, M. A. (2019). A comprehensive review of deterministic models and applications for mean-variance portfolio optimization. *Expert Systems with Applications*, 125, 345–368.
- Kaucic, M., & Daris, R. (2017). Interval-valued upside potential and downside risk portfolio optimisation. *Economic Research-Ekonomska Istraživanja*, 30(1), 1–21.
- Mirabbasi, Y., Nikoumaram, H., Saeidi, A., & Haghshenas, F. (2018). Study of portfolio optimization based on downside risk, upside potential and behavioral variables efficiency. *Financial Engineering and Portfolio Management*, 9(34), 305–333. [In Persian].
- Mousavi Loleti, S. A., Mohammadi, E., & Shavvalpour, S. (2023). Forecasting Future Trends of the Stock Market Using the Probit Regression Approach with Emphasis on Value at Risk. *Journal of Capital Market Analysis*, 4(1), 79–109. [In Persian].
- Mousavi Loleti, S. A., Mohammadi, E., & Shavvalpour, S. (2023). Forecasting the status of the total index of the Tehran Stock Exchange using macroeconomic variables. *The Ninth International Conference on Industrial and Systems Engineering*. [In Persian].
- Nourahmadi, M., Rasti, F., & Sadeqi, H. (2023). The Art of Investment Portfolio Curation through Centrality Metrics (An Enchanting Network Analysis of Tehran Stock Exchange's Top 50 Companies). *Scientific Journal of Budget and Finance Strategic Research*, 4(4), 35–61. [In Persian].
- Rom, B. M., & Ferguson, K. W. (1993). Post-Modern Portfolio Theory Comes of Age. *The Journal of Investing*, 2(4), 27–33.
- Sadeghi, M., soroosh, A., & Farhanian, M. J. (2010). Investigating the volatility, upside risk, downside risk and Capital Asset Pricing Model: Evidences from Tehran Stock Exchange. *Financial Research Journal*, 12(29), 1–20. [In Persian].
- Sadeghi Shahedani, M. (2020). Modeling the At risk Values Optimal Pattern in Pension Funds. *Scientific Journal of Budget and Finance Strategic Research*, 1(2), 11–31. [In Persian].
- Sortino, F., van der Meer, R. A. H., & Plantinga, A. (1999). The Dutch triangle—A framework to measure upside potential relative to downside risk. *Journal of Portfolio Management*, 26(1), 50–58.

بینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از مدل نیم واریانس با تأکید بر پتانسیل مثبت ... ■

Zanjirdar, M. (2020). Overview of Portfolio Optimization Models. *Advances in Mathematical Finance and Applications*, 5(4), 419–435.